CL1 : Premières expressions littérales

Cours

Définition : Une **expression littérale** est une expression qui contient des nombres et des lettres où les lettres sont appelées variables.

Exemple : $A = 3 \times x + 2$ est une expression littérale.

Remarque : Les lettres représentent des nombres que l'on ne connaît pas forcément.

Définition : Une formule est une expression littérale qui permet de calculer une valeur.

Exemples:

- 1. La formule du périmètre d'un carré est $P=4\times c$ où c est la longueur d'un côté.
- 2. La formule de l'aire d'un carré est $A = c \times c$ où c est la longueur d'un côté.
- 3. La formule du périmètre d'un rectangle est $P=2\times(L+l)$ où L est la longueur et l la largeur.
- 4. La formule de l'aire d'un rectangle est $A = L \times l$ où L est la longueur et l la largeur.
- 5. La formule reliant vitesse, distance et temps est $v = \frac{d}{t}$ où d est la distance, v la vitesse et t le temps.

Méthode : Pour utiliser une formule, il faut remplacer les lettres par des nombres. On dit que l'on **évalue** l'expression littérale.

Exemples:

1. Calculer le périmètre d'un carré de côté 5 cm.

$$P = 4 \times c = 4 \times 5 = 20 \text{ cm}.$$

2. Calculer l'aire d'un carré de côté 7 m.

$$A = c \times c = 7 \times 7 = 49 \text{ m}^2.$$

3. Calculer le périmètre d'un rectangle de longueur 12,5 dm et de largeur 6,3 dm.

$$P = 2 \times (L + l) = 2 \times (12, 5 + 6, 3) = 2 \times 18, 8 = 37, 6 \text{ dm}.$$

4. Calculer l'aire d'un rectangle de longueur 8 m et de largeur 4 m.

$$A = L \times l = 8 \times 4 = 32 \text{ m}^2.$$

5. Un cycliste parcourt 45 km en 3 h, quelle est sa vitesse?

$$v = \frac{d}{t} = \frac{45}{3} = 15 \text{ km/h}.$$

Remarque : Dans une expression littérale, on distingue des termes et des coefficients.

Définition : Un **terme** est une partie d'une expression littérale séparée par un signe + ou -.

Exemple : Dans l'expression $3 \times x + 2 \times y - 5$, il y a trois termes : $3 \times x$, $2 \times y$ et -5.

Définition : Un coefficient est le nombre qui multiplie une lettre dans un terme.

Exemple: Dans le terme $3 \times x$, le coefficient est 3. Dans le terme -5, le coefficient est -5.

Exercices

Exercice 1 : Identifier les termes et les coefficients dans les expressions suivantes :

- 1. $A = 4 \times a + 3 \times b 7$
- 2. $B = -2 \times x + 5 \times y + 10$
- 3. $C = 6 \times m 4 \times n + 2 \times p 8$

Exercice 2 : Évaluer les expressions suivantes pour les valeurs données :

- 1. $A = 4 \times x + 3 \times y$ pour x = 2 et y = 3
- 2. $B = 5 \times x 2 \times y + 10$ pour x = 2 et y = 1
- 3. $C = 6 \times m 4 \times n + 2 \times p 8$ pour m = 2, n = 3 et p = 4
- 4. $D = 3 \times a + 2 \times b 5$ pour a = 1 et b = 4

Exercice 3:

- 1. Calculer l'aire d'un rectangle de longueur 5 cm et de largeur 3 cm.
- 2. Calculer le périmètre d'un carré de côté 4 m.
- 3. Un coureur parcourt 100 km en 2 h, quelle est sa vitesse?
- 4. Calculer l'aire d'un carré de côté 6 dm.